

**Indholdsfortegnelse**

Indholdsfortegnelse.....	1
EL-LÆRE .....	3
Ohm's lov: .....	3
Effekt lov: .....	3
Regler ved måling: .....	3
Regler ved serieforbindelser: .....	3
Regler ved parallelforbindelser: .....	4
Regler ved blandede forbindelser: .....	4
Formodstand: .....	5
Shuntmodstand: .....	5
Ledningsmodstand: .....	6
Regler ved Spændingsfald: .....	6
Elektromotorisk kraft E [V]: .....	7
Vekselspænding (AC): .....	10
Spole induktiv belastning .....	11
Vektor diagram .....	11
Spændings trekant .....	12
Modstands trekant .....	12
Effekt trekant .....	13
Reaktiveffekt .....	13
Eksempel .....	14
Kondensator .....	15
Vekselspænding serieforbindelse .....	16
Vektordiagram: .....	16
Spændingstrekant .....	16
Eksempel .....	17
Vekselspænding blandedeforbindelser .....	18
Spændingstrekant .....	18
Vektordiagram .....	19
Spændingstrekant (RLC) .....	20
Effekttrekant (RLC) .....	20
Modstandstrekant (RLC) .....	20
MATEMATIK .....	21
Trekanter: .....	21
Retvinkel .....	22
Spidsvinkel .....	22
Stumpvinkel .....	22
45°-45°-90° .....	23
30°-60°-90° .....	23
Trigometiske Funktioner: .....	24
Vektor .....	26
Faseforskydning .....	27
Ligning med 2 ubekendte: .....	28
Areal: .....	29

Trekanter.....	29
Firkanter .....	30
Polygoner (mange kantet).....	31
Cirkler.....	32

**EL-LÆRE****Ohm's lov:**

$$U = I \cdot R$$

I	R
0,50 A	12,00 Ω

U= 6,00 V

$$I = \frac{U}{R}$$

U	R
240,00 V	0,75 Ω

I= 320,00 A

$$R = \frac{U}{I}$$

U	I
240,00 V	13,00 A

R= 18,46 Ω

**Effekt lov:**

$$P = U \cdot I$$

U	I
240,00 V	12,00 A

P= 2880,00 W

$$I = \frac{P}{U}$$

U	P
240,00 V	1200,00 W

I= 5,00 A

$$U = \frac{P}{I}$$

P	I
2500,00 W	13,00 A

U= 192,31 V

**Regler ved måling:**

Voltmeter :

*Voltmeteret skal sættes parallelt med det man måler*

Amperemeter:

*Amperemeteret skal serie forbindes med det man måler***Regler ved serieforbindelser:**Modstanden R (Ohm, Ω):

$$\sum R = R_1 + R_2 + R_3$$

Spændingen U (Volt, V):

$$\sum U = U_1 + U_2 + U_3 \text{ (Kirchoff's 2. lov)}$$

Strømmen I (Ampere, A):

$$\sum I = I_1 = I_2 = I_3$$

Effekten P (Watt, W):

$$\sum P = P_1 + P_2 + P_3$$

**Regler ved parallelforbindelser:**Modstanden  $R$  (Ohm,  $\Omega$ ):

$$\sum R = \frac{1}{\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}\right)}$$

Eks. er  $R_1 = 12$  tastes på lommeregner: 12 og så knap  $1/X$

$$R_1 = \frac{1}{\frac{1}{\sum R} - \frac{1}{R_1}} \quad R_2 = \frac{1}{\frac{1}{\sum R} - \frac{1}{R_2}}$$

Spændingen  $U$  (Volt,  $V$ ):

$$\sum U = U_1 = U_2 = U_3$$

Strømmen  $I$  (Ampere,  $A$ ):

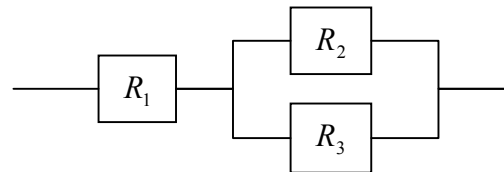
$$\sum I = I_1 + I_2 + I_3 \text{ (Kirchoff's 1. lov)}$$

Effekten  $P$  (Watt,  $W$ ):

$$\sum P = P_1 + P_2 + P_3$$

**Regler ved blandede forbindelser:**

Ved blandede forbindelser skal de parallelle modstanden lægges sammen. Dvs. at der skal findes kombinations  $I, R$  og  $U$ . Derefter kan man bruge kombinationsenheder som en stor modstand, således at man kan regne med serieforbindelser.



**Formodstand:**

Er en modstand der sættes ind for evt. at kunne få et voltmeter med målingsområde 0-10V til at måle 0-100V i stedet for. Formodstanden sidder altid i serieforbindelse med voltmeteret.

Voltmeteret har et måleområde på 0-10V og har en indre modstand på  $500\Omega$ , hvor stor skal formodstanden være hvis voltmeteret skal kunne måle 0-100V.

$$R_V = 500\Omega$$

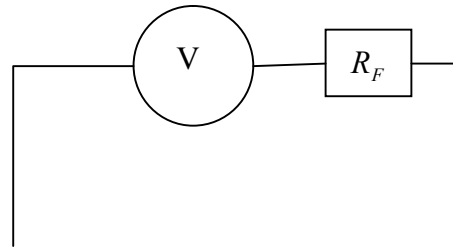
$$U_V = 10V$$

$$U = 100V$$

$$I_V = \frac{U_V}{R_V} = \frac{10}{500} = 0,002A \quad (I = I_V)$$

$$U_F = U - U_V = 100 - 10 = 90V$$

$$R_F = \frac{U_F}{I} = \frac{90}{0,002} = \underline{\underline{45000\Omega}}$$

**Shuntmodstand:**

Er en modstand der sættes ind for evt. at kunne få et amperemeter med instrumentværdierne 500mV, 0-100mA til at måle 0-5A i stedet for. Shuntmodstanden sidder altid i parallelforbindelse med amperemeteret.

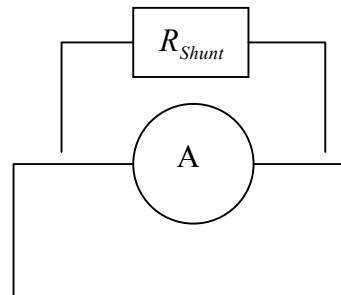
$$U_A = 0,5V \quad (U = U_A = U_{Shunt})$$

$$I_A = 0,1A$$

$$I = 5A$$

$$I_{Shunt} = I - I_A = 5 - 0,1 = 4,9A$$

$$R_{Shunt} = \frac{U_{Shunt}}{I_{Shunt}} = \frac{0,5}{4,9} = \underline{\underline{0,10\Omega}}$$



**Ledningsmodstand:**

Ledningsmodstand ( $R_L$ ) er den modstand der er i en ledning eller et kabel og som har en indvirkning på hvor lang en ledning/kabel man kan bruge og så få det ønskede resultat. Det kan være for at opnå en ønskede effekt (Watt).

$l$  = længde målt i meter (skal oftest ganges med 2 da der er 2 ledere)

$q$  = tværsnitsareal af kablet målt i  $mm^2$  (kvadrat)       $(A = \pi \cdot r^2)$        $(A = \frac{\pi}{4} \cdot d^2)$

$\rho = Rho$

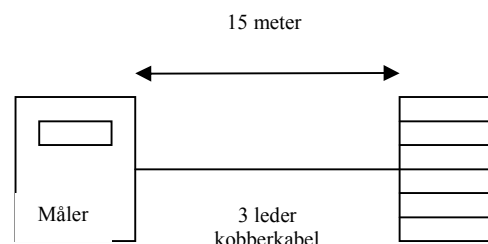
$R_L = \frac{\rho \cdot l}{q}$

$q = \frac{\rho \cdot l}{R_L}$

$\rho = \frac{R_L \cdot q}{l}$

$l = \frac{R_L \cdot q}{\rho}$

Eksempel:



q	$\rho$ (Rho)	l
4	0,0175	30

RL                      0,13125

**Regler ved Spændingsfald:**

$\Delta U \equiv \max 4\%$  ( $\Delta = delta = forskel$ )

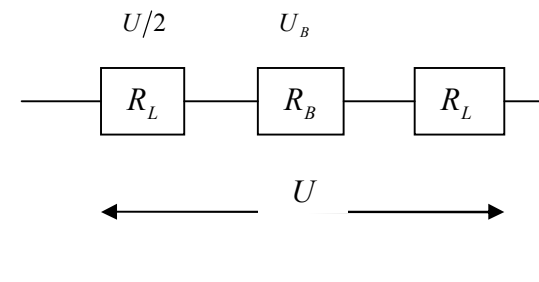
$\Delta U =$  Spændingsfald i et kabel

$\Delta U = U - U_B$

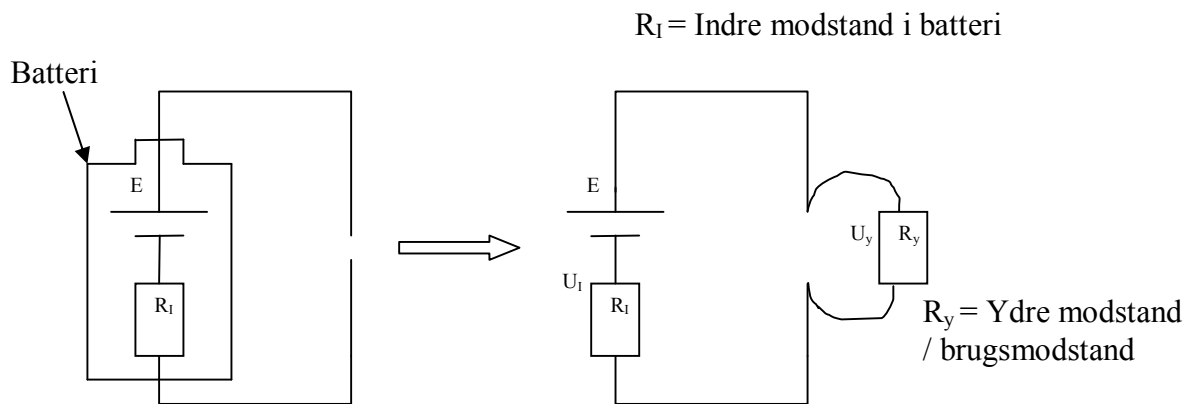
$\Delta U = I \cdot R_l$

$\Delta U\% =$  Spændingsfald i procent

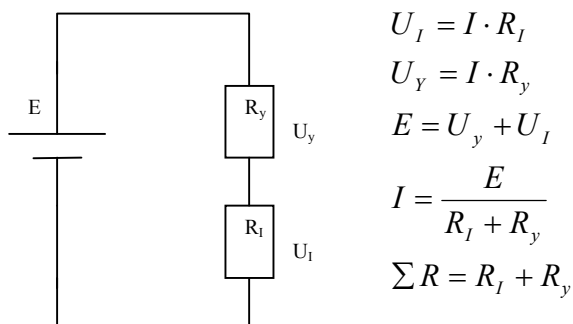
$\Delta U\% = \frac{\Delta U \cdot 100}{U}$



Elektromotorisk kraft  $E$  [V]:



Når et batteri bliver slidt er det fordi at  $R_I$  bliver større og større.



Et batteri har ubelastet en spænding  $E = 11,5$ . Ved  $I = 4A$  bliver klemmespænding  $9,6V$

$$E = 11,5V$$

$$U_y = 9,6V$$

$$I = 4A$$

$$U_I = E - U_y = 11,5 - 9,6 = 1,9V$$

$$R_I = \frac{U_I}{I} = \frac{1,9}{4} = 0,47\Omega$$

$$R_y = \frac{U_y}{I} = \frac{9,6}{4} = 2,4\Omega$$

$$P = U_y \cdot I = 9,6 \cdot 4 = 38,4W$$

Kortslutningsstrøm:

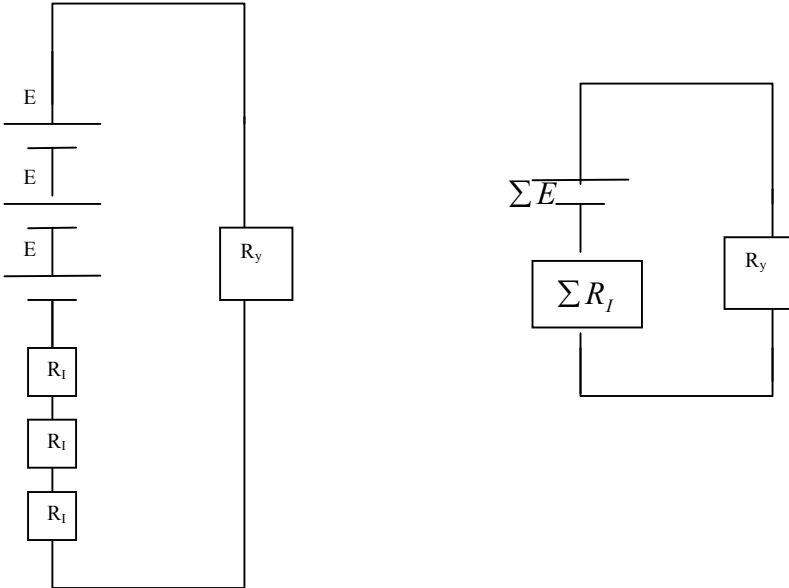
$$I_k = \frac{E}{R_I}$$

Batteri med 3 elementer, hvert element har følgende værdier.

$$E = 1,5V$$

$$R_l = 0,2\Omega$$

De serieforbindes og tilsluttes en belastning med  $R_y = 8,4\Omega$



$$\Sigma E = n \cdot E \quad (n = \text{antal spændingskilder})$$

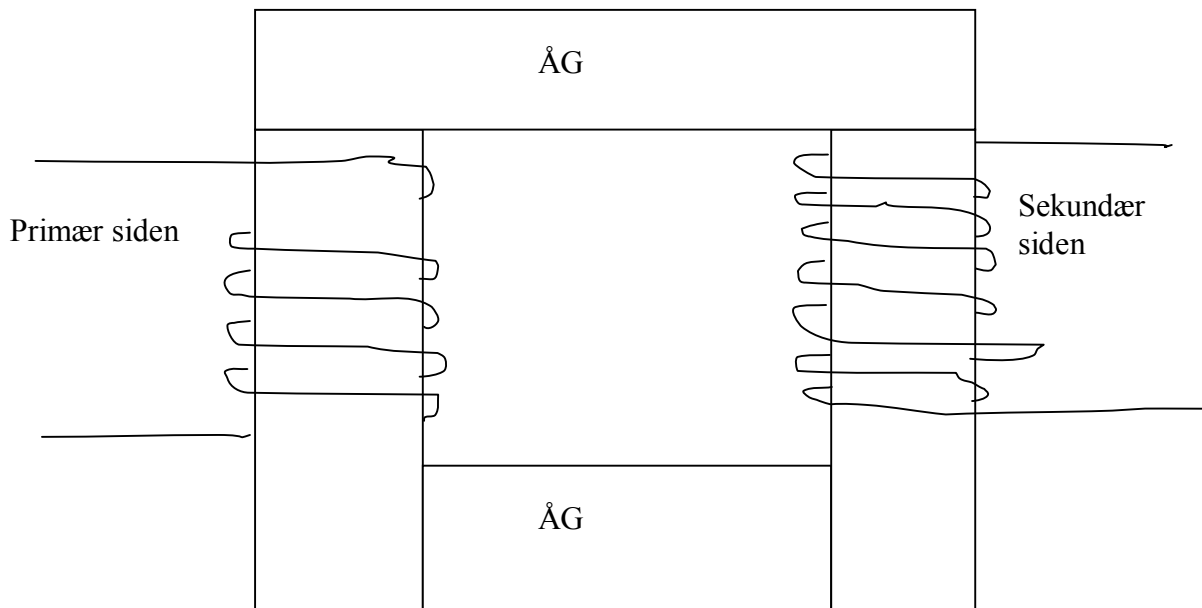
$$\Sigma E = 3 \cdot 1,5 = 4,5V$$

$$\Sigma R_l = n \cdot R_l = 3 \cdot 0,2 = 0,6\Omega$$

$$I = \frac{\Sigma E}{\Sigma R_l + R_y} = \frac{4,5}{0,6 + 8,4} = 0,5A$$



Transformer:



$U_1$  = primærspænding

$I_1$  = primærstrøm

$N_1$  = primærviklinger/antallet af viklinger

$U_2$  = sekundær...

$I_2$  = ...

$N_2$  = ...

$S$  = transformerens størrelse og betegnes i Volt Ampere (VA)

$u$  = transformerens omsætnings forhold. Findes ved:  $u = \frac{U_1}{U_2}$  eller  $\frac{N_1}{N_2}$  eller  $\frac{I_2}{I_1}$

$$S = S_1 = S_2$$

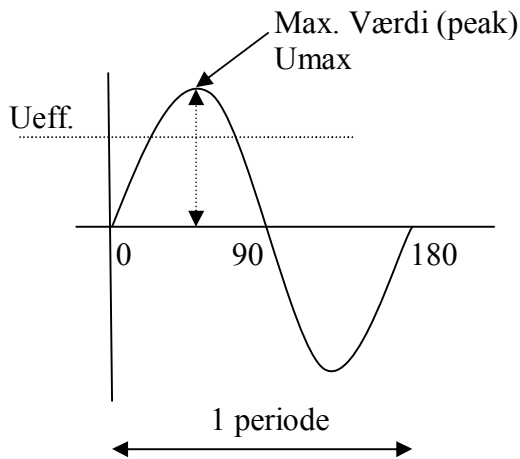
$$S_1 = U_1 \cdot I_1$$

$$S_2 = U_2 \cdot I_2$$

$$I_1 = \frac{S_{(1)}}{U_1}$$

Det samme gør sig gældende for sekundær siden, bare med værdierne derfra

$$U_1 = \frac{S_{(1)}}{I_1}$$

**Vekselspænding (AC):**

F= frekvens (Hz) standard i DK 50 Hz  
 Antal perioder pr. minut.

$$\text{Effektværdi : } 0,707 = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$U_{eff} = 0,707 \cdot U_{max} \Rightarrow U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} \Rightarrow U_{max} = U_{eff} \cdot \sqrt{2}$$

U<sub>eff</sub>. Er den spænding man ville få hvis det var jævnstrøm.

$$I_{eff} = 0,707 \cdot I_{max} \Rightarrow I_{eff} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} \Rightarrow I_{max} = I_{eff} \cdot \sqrt{2}$$

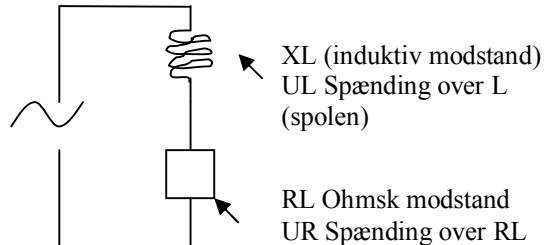
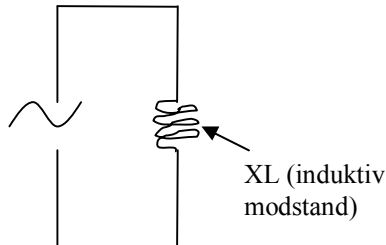
Den samlede modstand = Z Ω (Impedans)

φ (phi) er vinklen mellem I og U (Faseforskydningsvinklen)

$$P = U \cdot I \cdot \cos \varphi$$

Spole induktiv belastning

Det findes i lysstofrør, motorer og transformere.



Ren spole, dvs. kun selvinduktion ingen R ohmsk modstand. Sådan ser den ud i virkeligheden.

Spole, med en R ohmsk modstand. Oversigt til beregning.

$X_L =$  Spolens induktive modstand  $\Omega$  (induktive Reaktans = Induktans)

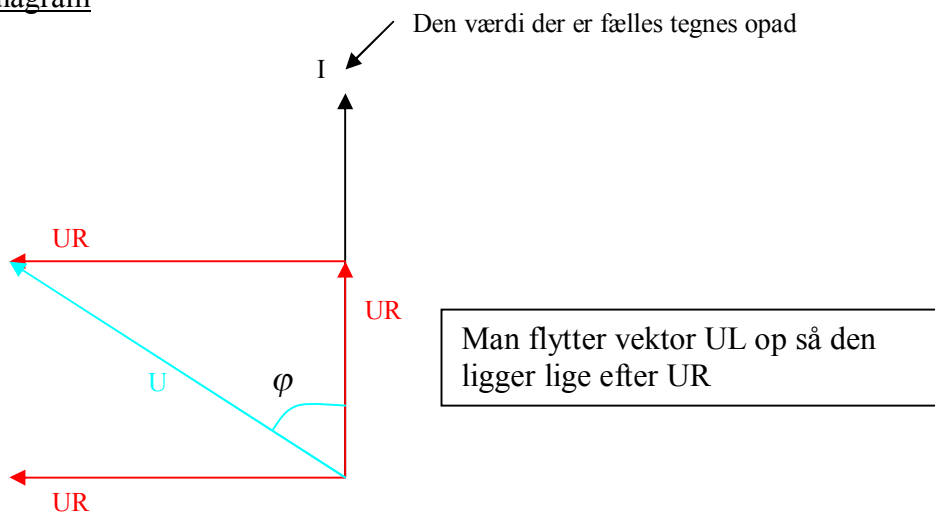
$$X_L = 2 \cdot \pi \cdot f \cdot L$$

L = Henry (spolens selvinduktions koefficient)

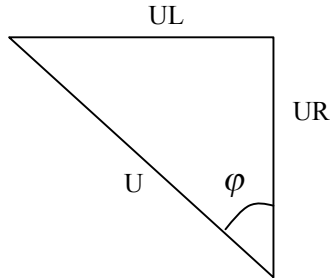
f = Frekvens (50Hz)

I er ens ved serieforbindelse og ved en parallel forbindelse er det U der er ens.

Vektor diagram



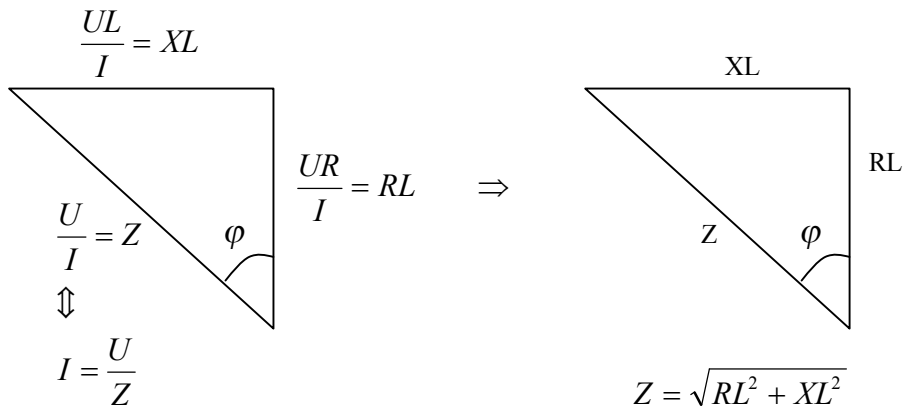
Spændings trekant



$$U = \sqrt{UR^2 + UL^2}$$

$$\cos \varphi = \frac{UR}{U}$$

Modstands trekant

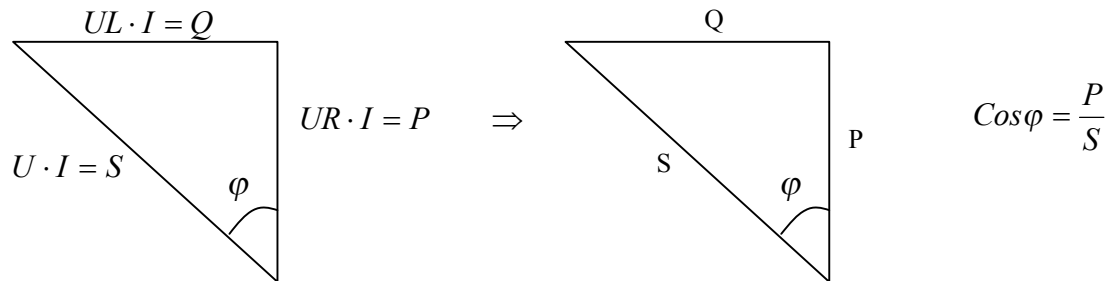


$$Z = \sqrt{RL^2 + XL^2}$$

$$\cos \varphi = \frac{RL}{Z}$$

$$Z = \text{Im pedans } \sum \Omega$$

Effekt trekant



$P = \text{Effekt (Ohmsk effekt) } W$

$$P = U \cdot I \cdot \cos \varphi \Rightarrow I = \frac{P}{U \cdot \cos \varphi}$$

$Q = \text{Reaktiveffekt (VAr)}$

$$Q = U \cdot I \cdot \sin \varphi \quad Q = UL \cdot I \quad Q = \frac{U}{XL}$$

$S = \text{Tilsyneladense effekt (VA) kombinationseffekt}$

$$S = U \cdot I$$

Reaktiveffekt

Q måles i Var (voltampere reaktiv)

$$Q = U \cdot I \cdot \sin \varphi$$

Eksempel:

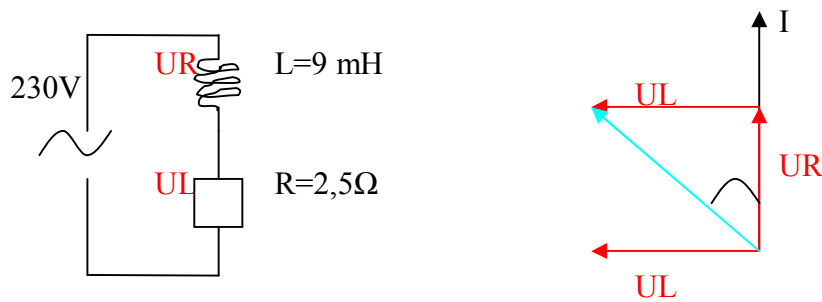
$$L = 0,5H$$

$$XL = 2 \cdot \pi \cdot f \cdot L = 2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 0,5 = 157\Omega$$

$$I = \frac{U}{XL} = \frac{230}{157} = 1,46A$$

$$P = U \cdot I \cdot \cos \varphi = 230 \cdot 1,46 \cdot \cos 90 = 0$$

$$Q = U \cdot I \cdot \sin \varphi = 230 \cdot 1,46 \cdot \sin 90 = \underline{\underline{335,8 VAr}}$$

Eksempel

$$XL = 2 \cdot \pi \cdot f \cdot L = 2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 0,009 = 2,82\Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + XL^2} = \sqrt{2,5^2 + 2,82^2} = 3,77\Omega$$

$$I = \frac{U}{Z} = \frac{230}{3,77} = 61,03A$$

$$\cos\varphi = \frac{R}{Z} = \frac{2,5}{3,77} = 0,665 \Rightarrow \varphi = \cos^{-1} 0,665 = 48,46^\circ$$

$$UR = R \cdot I = 2,5 \cdot 61,03 = 152,57V$$

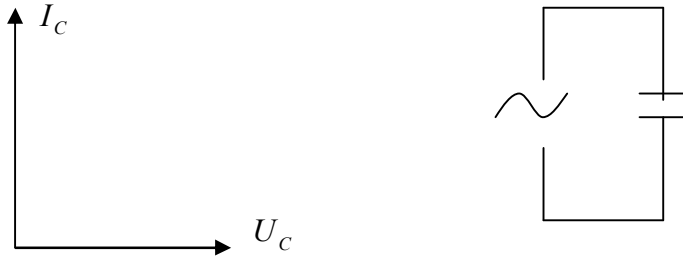
$$UL = XL \cdot I = 2,82 \cdot 61,03 = 172,10V$$

$$U = \sqrt{UR^2 + UL^2} = \sqrt{152,57^2 + 172,10^2} = 229,99V$$

$$P = U \cdot I \cdot \cos\varphi = 230 \cdot 61,03 \cdot 0,665 = 9334,5W$$

Kondensator

Kondensator = C [F] Farad (kapacitet)



En kondensator kan lades op, den vil så stå og aflade. De sidder f.eks. i lysstofrør, fordi den spole der sidder i røret har for stor en  $\cos \varphi$ . En kondensator er modsatrettet en spole. Og derved kan man ved at sætte en kondensator ind som en formodstand, få en mindre  $\cos \varphi$ .

XC: (kapacitiv reaktans, kapacitiv modstand, kapacitansen)  $\Omega$ 

$$XC = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f \cdot XC}$$

Eksempel:

$$C = 25 \mu\text{F} = 25 \cdot 10^{-6} \text{ F}$$

$$XC = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f \cdot C} = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 25 \cdot 10^{-6}} = \frac{10^6}{2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 25} = 127,32 \Omega$$

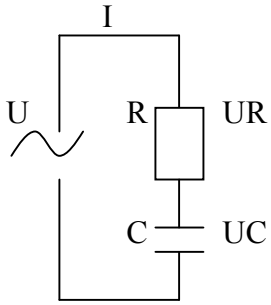
Reaktiv effekt

$$Q = U_C \cdot I_C \text{ (VAr)}$$

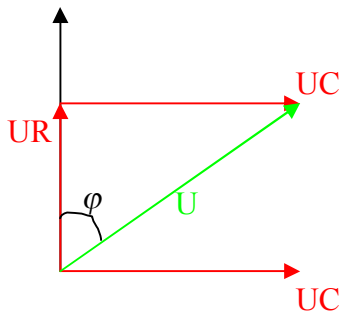
$$I = \frac{U}{XC} \Leftrightarrow XC = \frac{U}{I}$$

$$Q = U_C \cdot I_C \Leftrightarrow I = \frac{Q}{U_C}$$

Vekselspænding serieforbindelse



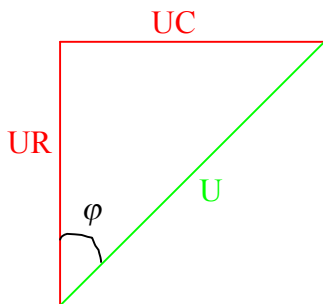
Vektordiagram:



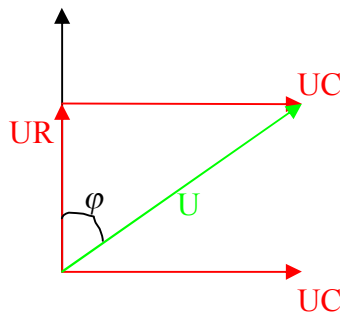
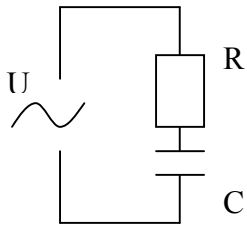
Regler

$\cos \varphi = 0,9 - 1$  (induktiv)

Spændingstrekan





Eksempel

$$U = 230 \text{ V}$$

$$F = 50 \text{ Hz}$$

$$R = 80 \ \Omega$$

$$C = 50 \ \mu\text{F}$$

$$XC = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f \cdot C} = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 50 \cdot 10^{-6}} = \underline{\underline{63,66 \Omega}}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + XC^2} = \sqrt{80^2 + 63,66^2} = \underline{\underline{102,23 \Omega}}$$

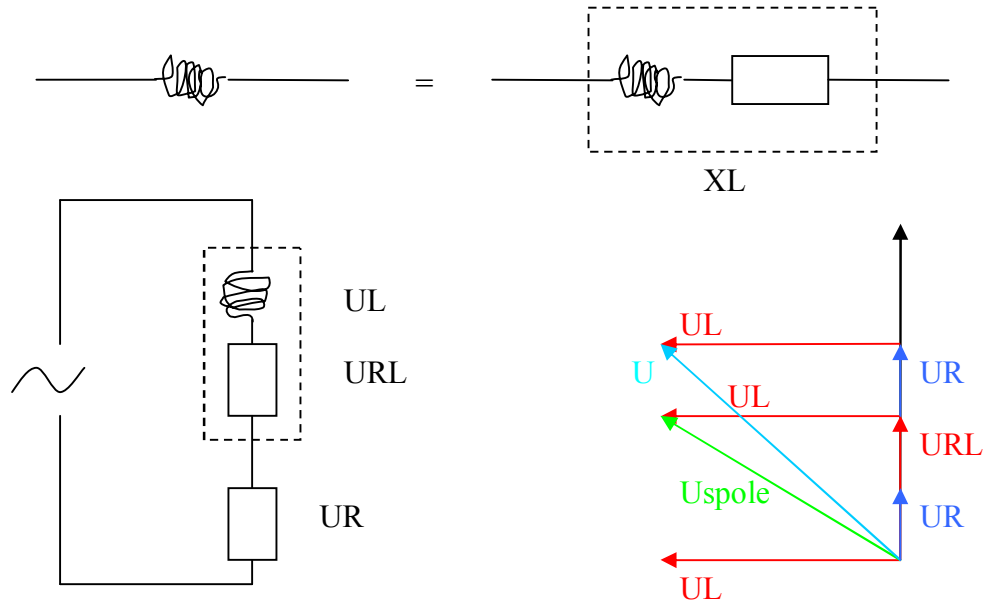
$$I = \frac{U}{Z} = \frac{230}{102,23} = \underline{\underline{2,25 \text{ A}}}$$

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{80}{102,23} = 0,783 \Rightarrow \varphi = \underline{\underline{38,50^\circ}}$$

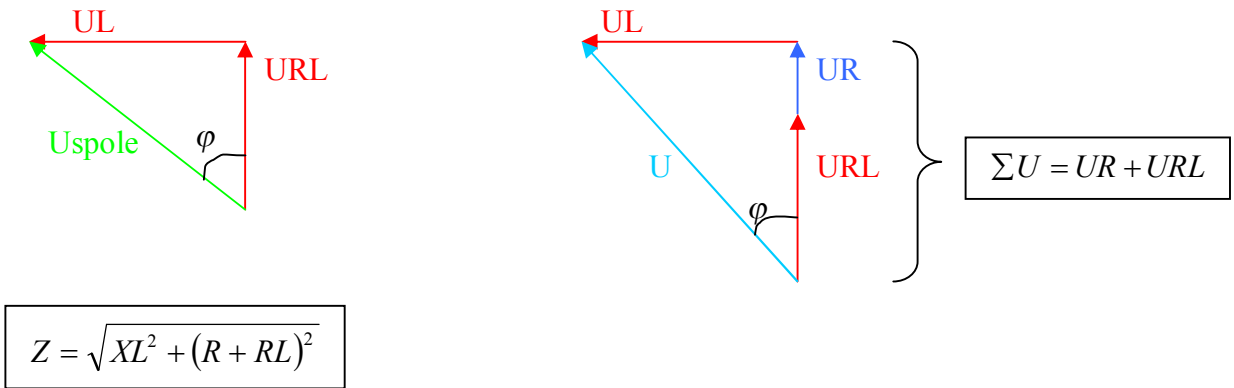
$$U_R = I \cdot R = 2,25 \cdot 80 = \underline{\underline{180 \text{ V}}}$$

$$U_C = I \cdot XC = 2,25 \cdot 63,66 = \underline{\underline{143,24 \text{ V}}}$$

Vekselspænding blandedeforbindelser

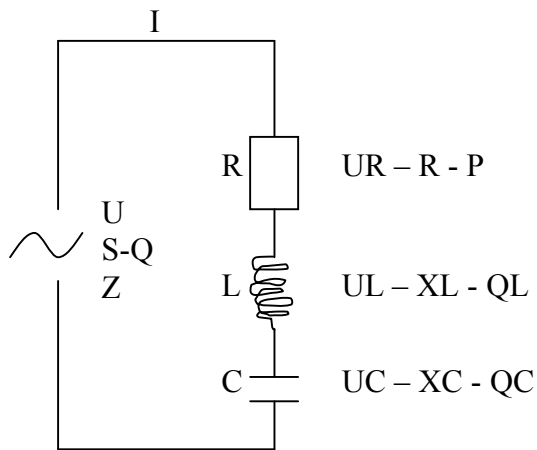


Spændingstrekanter

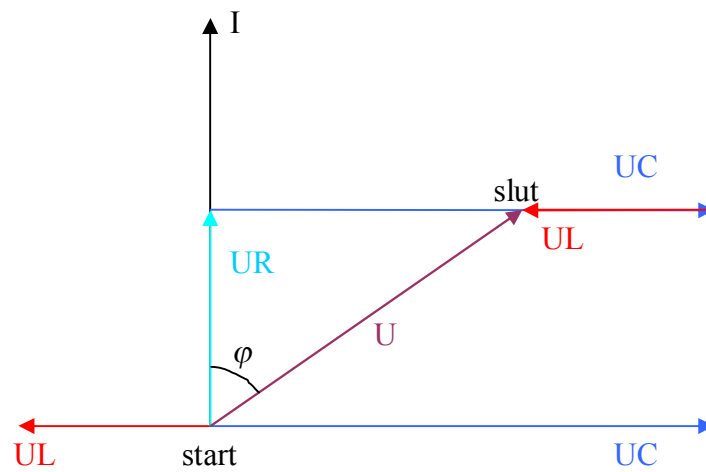


$$Z = \sqrt{XL^2 + (R + RL)^2}$$

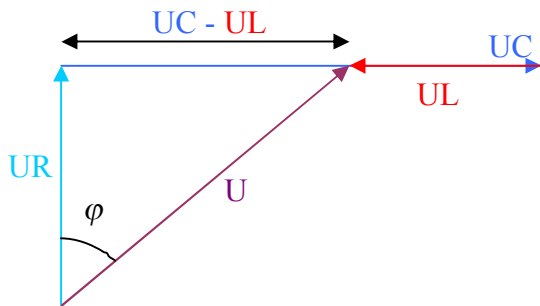
$$\Sigma U = UR + URL$$



Vektordiagram



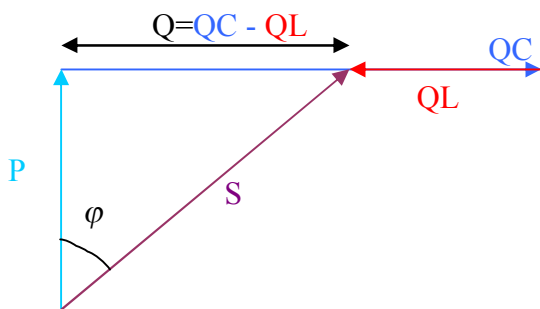
Spændingstrekan (RLC)



$$\cos\varphi = \frac{UR}{U}$$

$$U = \sqrt{UR^2 + (UC - UL)^2}$$

Effekttrekan (RLC)



$$P = U \cdot I \cdot \cos\varphi$$

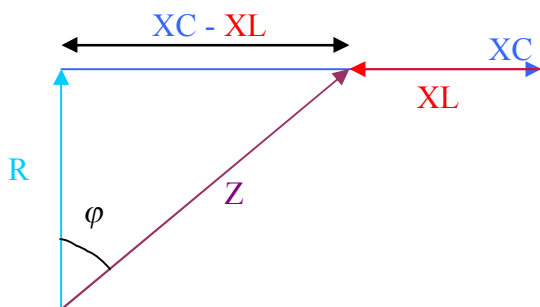
$$S = U \cdot I \quad S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$Q = U \cdot I \cdot \sin\varphi$$

$$QL = UL \cdot I$$

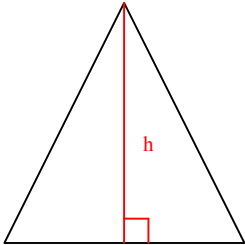
$$QC = UC \cdot I$$

Modstandstrekan (RLC)

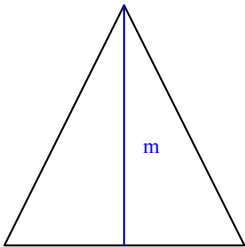


$$Z = \sqrt{R^2 + (XC - XL)^2}$$

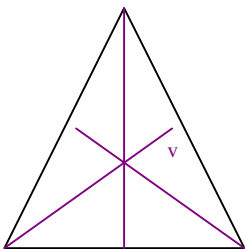
$$\cos\varphi = \frac{R}{Z}$$

**MATEMATIK****Trekanter:**

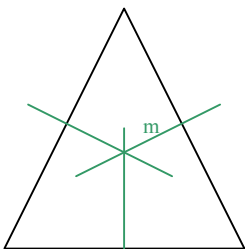
Højden = Går fra spidsen af en vinkel og vinkelret ned på modstående side.



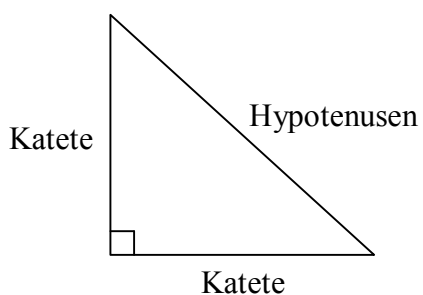
Median = Går fra spidsen af en vinkel og rammer midten af modstående side.



Vinkelhalveringslinier = Deler vinklerne lige over. Liniernes skæringspunkt er centrum for den indskrevne cirkel.



Midtnormal = Linie der går igennem midten af siden og  $90^\circ$  på denne side. Deres skæringspunkt er centrum for den omskrevne cirkel.

Retvinkel

En vinkel er  $= 90^\circ$

$$\text{Hypotenusen}^2 = \text{Katete}^2 + \text{Katete}^2 \quad (\text{Phytagoras})$$

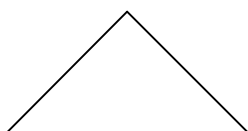
⇓

$$\text{Hypotenusen} = \sqrt{\text{Katete}^2 + \text{Katete}^2}$$

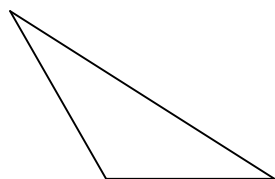
$$\text{Katete} = \sqrt{\text{Hypotenusen}^2 - \text{Katete}^2}$$

Spidsvinkel

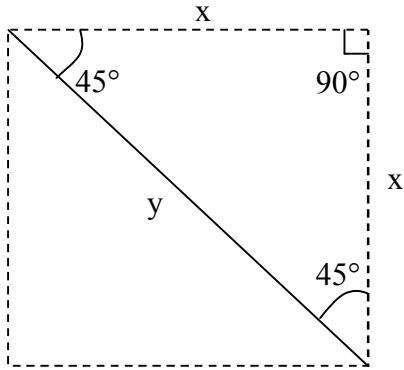
Alle vinkler er under  $90^\circ$

Stumpvinkel

En vinkel er over  $90^\circ$



45°-45°-90°



Forholdstallet =  $\sqrt{2}$

$$y^2 = x^2 + x^2$$

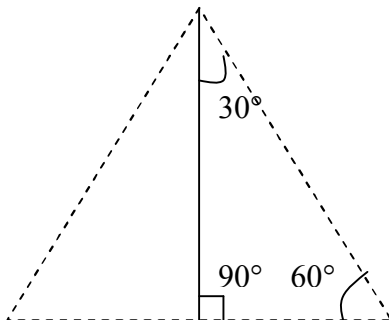
⇓

$$\sqrt{y^2} = \sqrt{2x^2}$$

⇓

$$\underline{\underline{y = \sqrt{2} \cdot x}}$$

30°-60°-90°



Forholdstal mellem korteste Katete og Hypotenusen = 2

⇓

$$\text{korteste Katete} \cdot 2 = \text{Hypotenusen} \Leftrightarrow \text{korteste Katete} = \frac{\text{Hypotenusen}}{2}$$

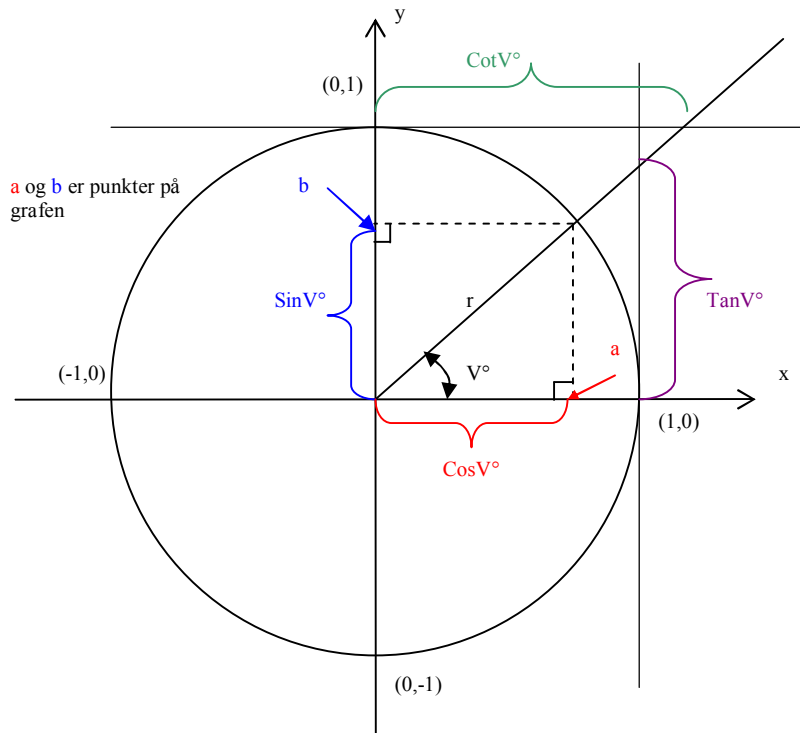
Forholdstal mellem største Katete og korteste Katete =  $\sqrt{3}$

⇓

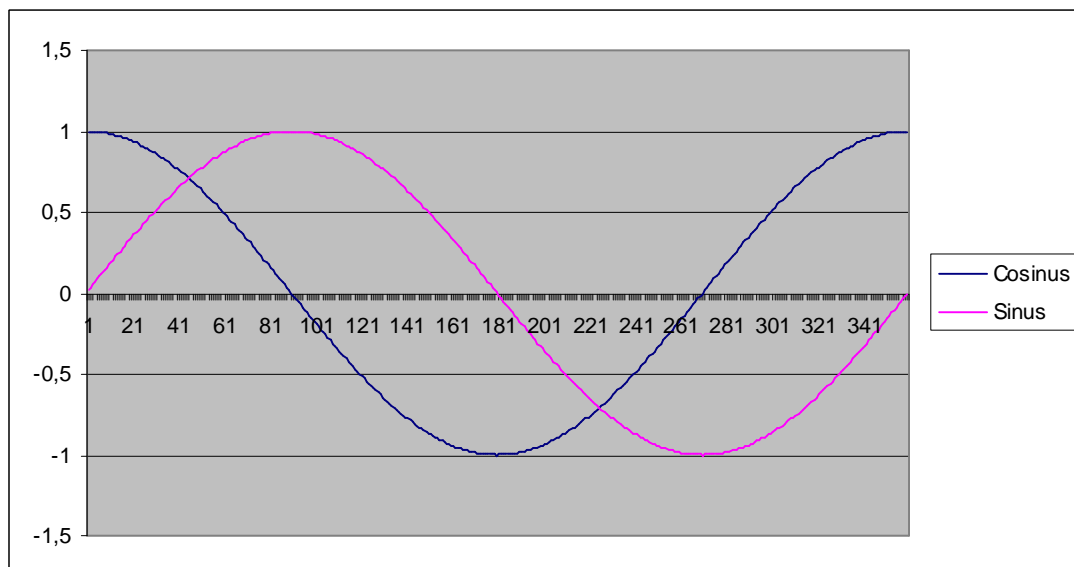
$$\text{korteste Katet} \cdot \sqrt{3} = \text{største Katete} \Leftrightarrow \text{korteste Katete} = \frac{\text{største Katete}}{\sqrt{3}}$$

Trigometiske Funktioner:

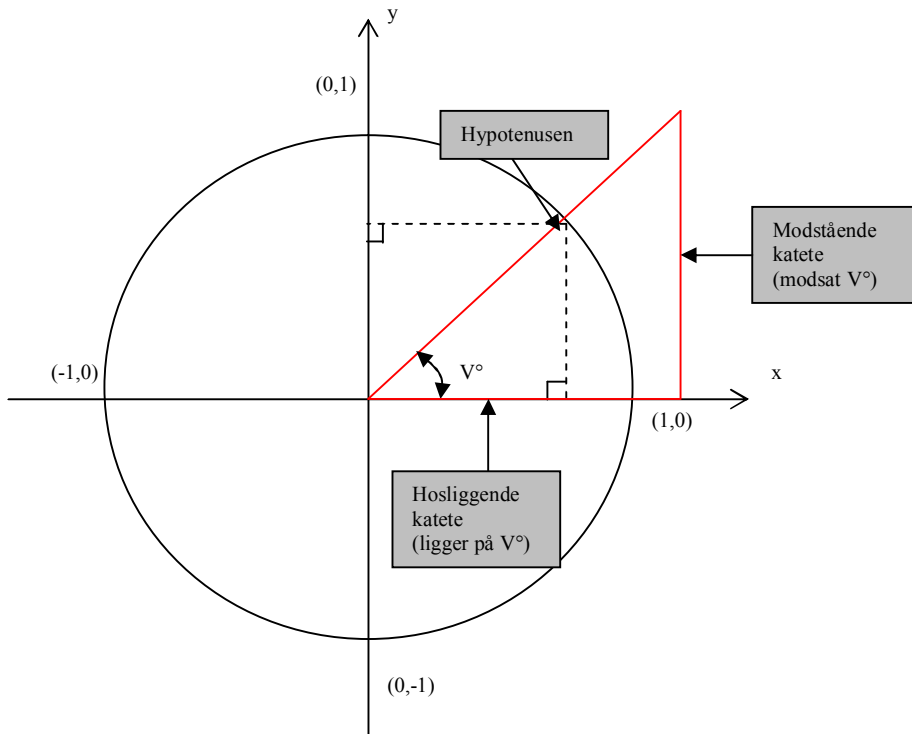
Enhedscirkel (radius er 1)



$$\begin{aligned} \cos V^\circ &= a \\ V &= \cos^{-1}(a) \\ \sin V^\circ &= b \\ V &= \sin^{-1}(b) \\ \tan V^\circ &= \frac{\sin V^\circ}{\cos V^\circ} \\ \cot V^\circ &= \frac{\cos V^\circ}{\sin V^\circ} \end{aligned}$$







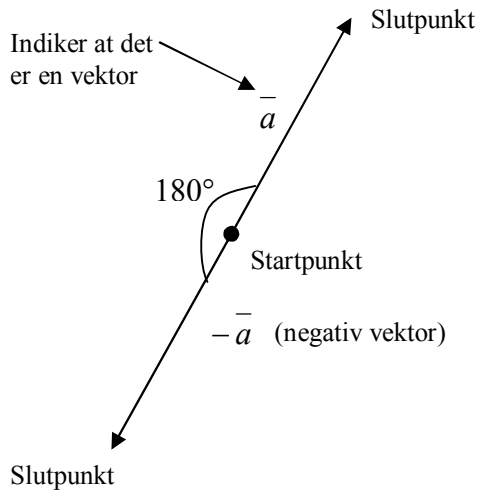
Når man skal regne en vinkel ud skal man bruge  $\text{Cos}^{-1}$ ,  $\text{Sin}^{-1}$  eller  $\text{Tan}^{-1}$

$$\text{Cos} V^\circ = \frac{\text{Hos Kat}}{\text{Hypo}} \Rightarrow V^\circ = \text{Cos}^{-1} \left( \frac{\text{Hos Kat}}{\text{Hypo}} \right)$$

$$\text{Sin} V^\circ = \frac{\text{Mod Kat}}{\text{Hypo}} \Rightarrow V^\circ = \text{Sin}^{-1} \left( \frac{\text{Mod Kat}}{\text{Hypo}} \right)$$

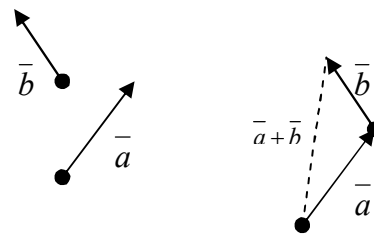
$$\text{Tan} V^\circ = \frac{\text{Mod Kat}}{\text{Hos Kat}} \Rightarrow V^\circ = \text{Tan}^{-1} \left( \frac{\text{Mod Kat}}{\text{Hos Kat}} \right)$$

Vektor

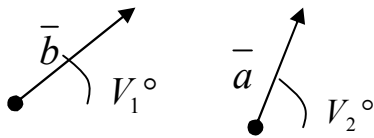


Man må flytte rundt på vektorerne, bare man bibeholder længden og vinklen.

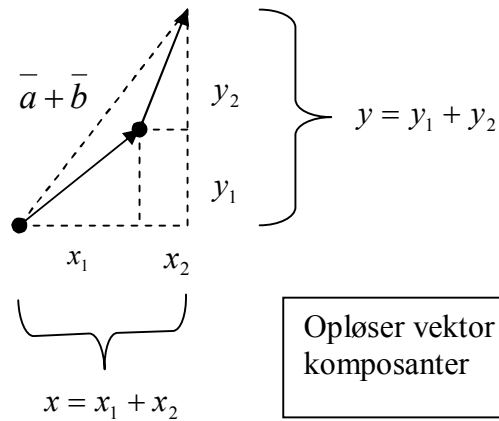
Hvis man skal lægge vektor a og b sammen, lægger man dem i forlængelse af hinanden.

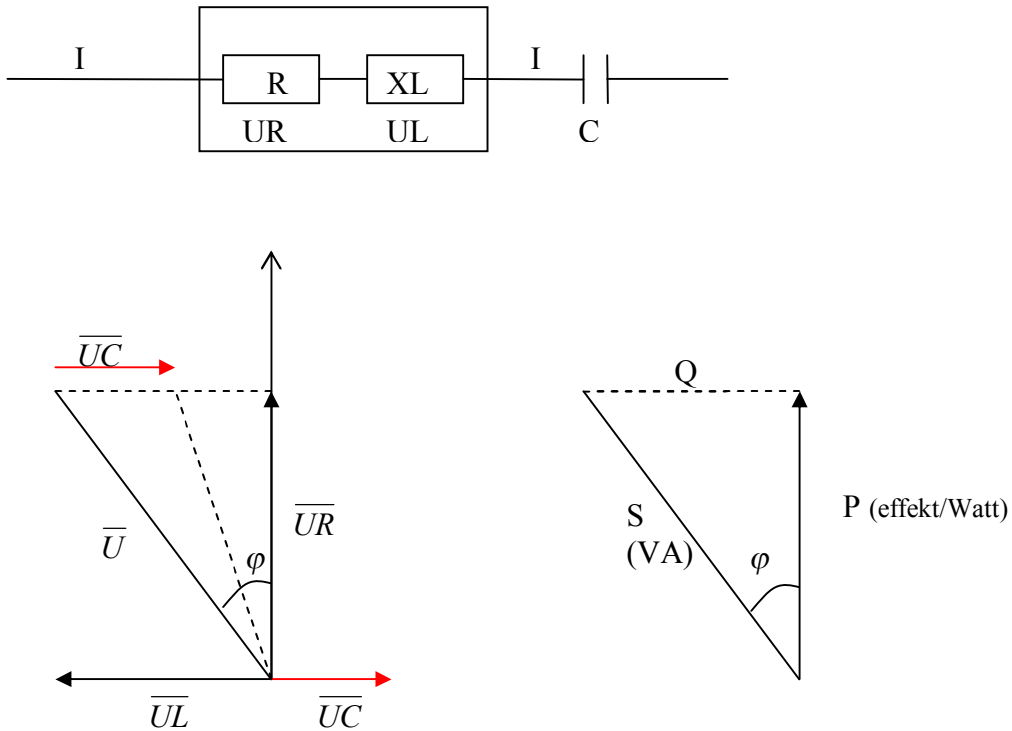


Eksempel:



$$\begin{aligned}
 x_1 &= \vec{b} \cdot \cos V_1^\circ \\
 y_1 &= \vec{b} \cdot \sin V_1^\circ \\
 x_2 &= \vec{a} \cdot \cos V_2^\circ \\
 y_2 &= \vec{a} \cdot \sin V_2^\circ \\
 \vec{a} + \vec{b} &= \sqrt{x^2 + y^2}
 \end{aligned}$$



Faseforskydning

Det accepteres at  $\varphi$  er inden for følgende rammer  $\cos \varphi = 0,9 - 1$   
 $\varphi = (\text{Phi} / \text{forskydningsvinkel})$

Skal der ændres på  $\varphi$  sættes der en kondensator (C) ind efter spolen

**Ligning med 2 ubekendte:**

Beregn vinkel A og siderne a,b og c

$$\text{Areal} = x$$

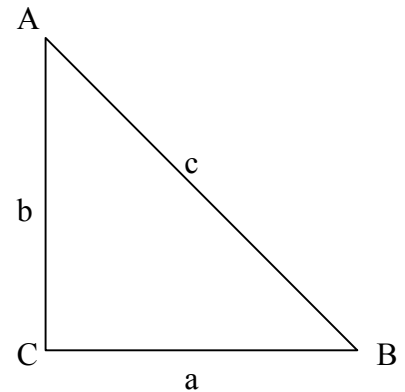
$$B = V_1^\circ$$

$$\text{Areal} = 0,5 \cdot a \cdot b \Rightarrow x = 0,5 \cdot a \cdot b$$

$$\text{Tan}B = \frac{b}{a} \Rightarrow b = a \cdot \text{Tan}B$$

↓

$$x = 0,5 \cdot a \cdot a \cdot \text{Tan}B \Rightarrow \frac{2x}{\text{Tan}B} = a^2 \Rightarrow \underline{\underline{a = \sqrt{\frac{2x}{\text{Tan}B}}}}$$



Ved at have 2 ligninger med samme ubekendte i kan vi blande dem og derved opnå kun at have en ubekendt faktor.

**Areal:**

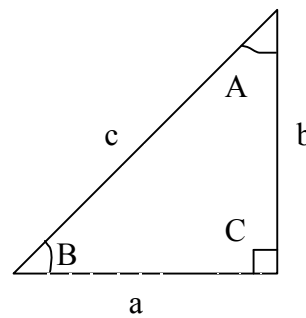
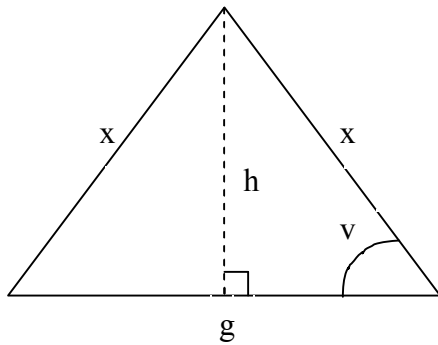
Trekanter

$$Areal = \frac{1}{2} \cdot h \cdot g$$

$$Areal = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin C$$

$$Areal = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin B$$

$$Areal = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin A$$



$$\sin V = \frac{h}{x} \Rightarrow h = x \cdot \sin V$$

Hérons formel

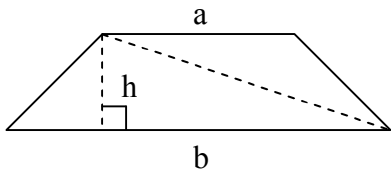
$$Areal = \sqrt{s \cdot (s - a) \cdot (s - b) \cdot (s - c)}$$

↓

$$s = \frac{a + b + c}{2} \quad (s = \text{den halve omkreds})$$

Firkanter

Trapez (2 sider er parallelle)

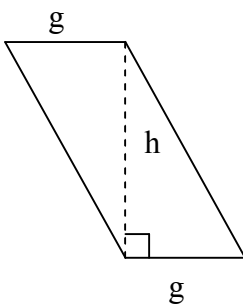


$$Areal = \frac{1}{2} \cdot h \cdot b + \frac{1}{2} \cdot h \cdot a$$

$$\Downarrow$$

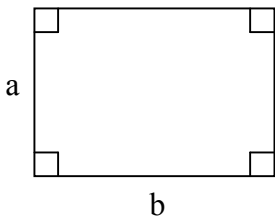
$$Areal = \frac{1}{2} \cdot h \cdot (a + b)$$

Parallelogram



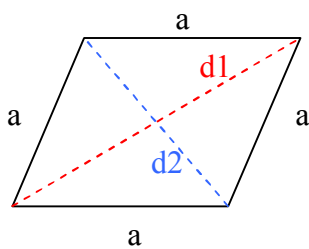
$$Areal = h \cdot g$$

Rektangel



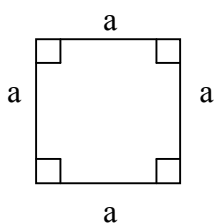
$$Areal = a \cdot b$$

Rohmbe

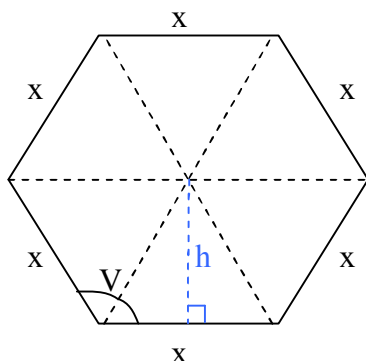


$$Areal = \frac{1}{2} \cdot d1 \cdot d2$$

Kvadrat



$$Areal = a \cdot a = a^2$$

Polygoner (mange kantet)

→ 5 lige store trekanter

X = sidelængde

$$\text{Vinkelsum} = (n - 2) \cdot 180^\circ$$

n = antal kanter

$$\text{Vinkel V} = \frac{(n - 2) \cdot 180^\circ}{n}$$

$$\text{Areal} = n \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{x}{2} \cdot \tan\left(\frac{(n - 2) \cdot 180^\circ}{n \cdot 2}\right) \cdot x \quad \Rightarrow \quad \text{Areal} = \frac{1}{4} \cdot n \cdot x^2 \cdot \tan\left(\frac{(n - 2) \cdot 90^\circ}{n}\right)$$

(Gælder ved alle ligesidet figurer)

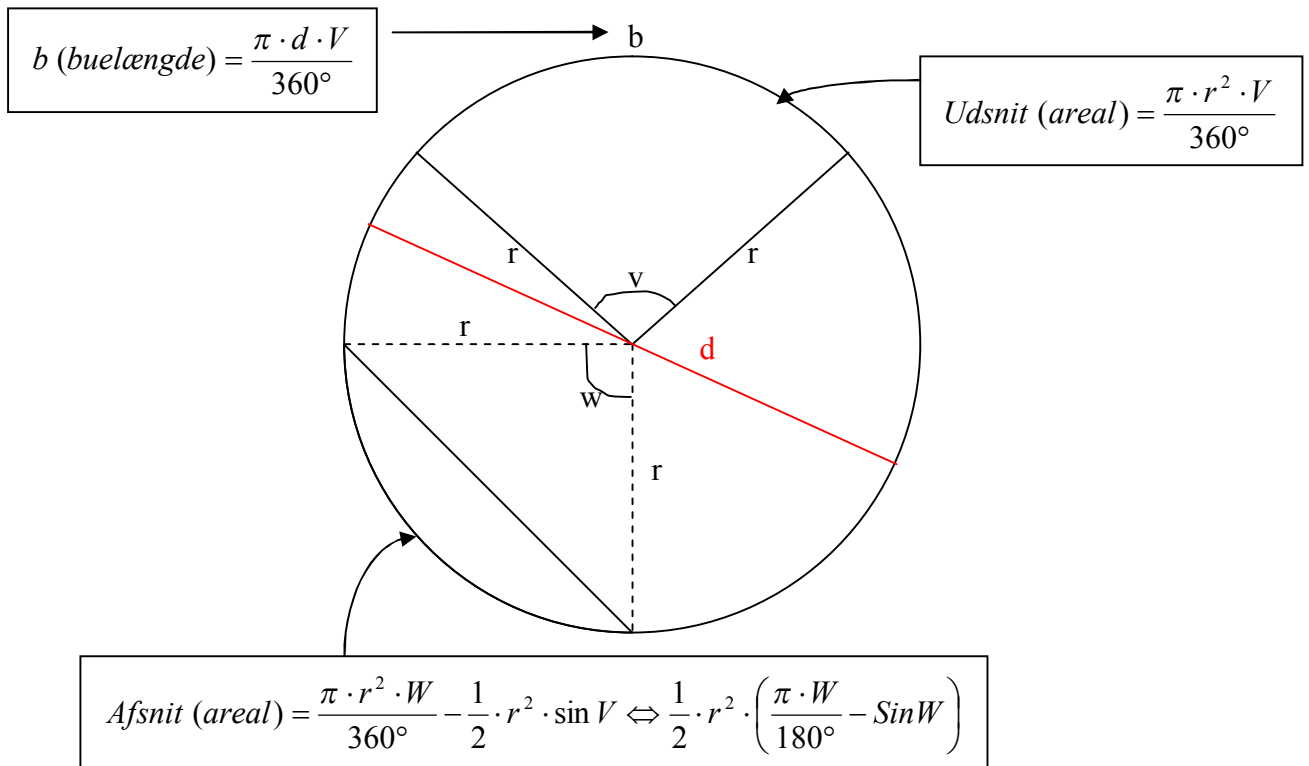
Cirkler

$$\text{Omkreds} = \pi \cdot d = 2 \cdot \pi \cdot r$$

$$\text{Areal} = \pi \cdot r^2 = \frac{1}{4} \cdot \pi \cdot d^2$$

$r = \text{radius}$

$d = \text{diameter}$



$\pi = \text{forholdstalet mellem omkreds og diameter}$

$$\pi = \frac{\text{omkreds}}{\text{diamter}}$$